

Nom et prénom.....

Feuille à rendre dans la copie

Exercice N° 1 (3 points)

1. Cocher la réponse exacte sans justification

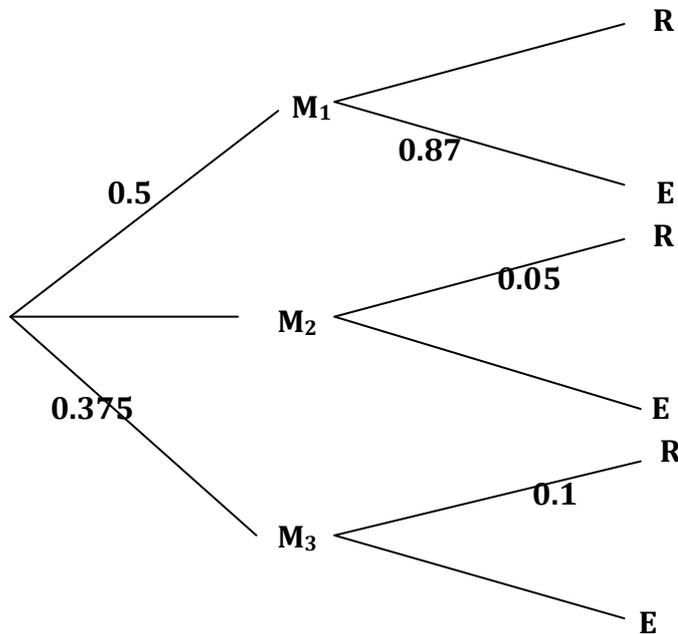
a- Une variable aléatoire X a pour loi de probabilité :

x_i	1	2	4
$P_i = p(X=x_i)$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$

Alors l'espérance mathématique est $E(X) =$ $\begin{cases} \frac{3}{2} & \square \\ 2 & \square \\ \frac{\sqrt{6}}{2} & \square \end{cases}$

b- la suite U définie par $U_n = \ln(3^n)$ est $\begin{cases} \text{arithmétique} & \square \\ \text{géométrique} & \square \\ \text{ni arithmétique ni géométrique} & \square \end{cases}$

2. On donne l'arbre pondéré suivante :



a- compléter l'arbre pondéré
b- Calculer P (E) et P (E| M₂)

.....

.....

.....

.....

.....

Exercice N° 2 (6 points)

Soit la suite U définie sur \mathbb{N} par
$$\begin{cases} U_0 = 0 \\ U_{n+1} = \frac{U_n + 6}{3U_n - 2} \end{cases}$$

- calculer U_1 et U_2
 - la suite U est-elle arithmétique ? Est-elle géométrique ? Justifier votre réponse.
- Prouver que la fonction f définie par $f(x) = \frac{x+6}{3x-2}$ est décroissante sur $]-\infty; \frac{2}{3}[$
- En déduire par récurrence que $-3 \leq U_n \leq 0$ pour tout entier naturel n .
- En déduire que la suite U est convergente et calculer sa limite
- Soit la suite V définie par $V_n = \frac{U_n + 1}{U_n - 2}$ pour tout entier naturel n .
 - Montrer que la suite V est géométrique de raison $q = -\frac{4}{5}$
 - Ecrire V_n puis U_n en fonction de n
 - Calculer $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n$

Exercice N° 3 (5 points)

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = 1 + xe^x$

- Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; interpréter le résultat obtenu
 - Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$; interpréter le résultat obtenu
- Dresser le tableau de variations de f
 - Tracer la courbe (\mathcal{C}) de f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) (unité : 2cm)
- par intégration par partie, montrer que : $\int_1^2 xe^x dx = e^2$
 - En déduire l'aire \mathcal{A} de la région limitée par la courbe (\mathcal{C}) , la droite des abscisses et les droites d'équations $x = 1$ et $x = 2$

Exercice N° 4(6 points)

Dans un magasin, les téléviseurs et les magnétoscopes sont en promotion.

Chaque client a le droit d'acheter au maximum un téléviseur et un magnétoscope.

La probabilité qu'un client achète un téléviseur est : 0,4

La probabilité qu'il achète un magnétoscope, sachant qu'il achète un téléviseur est : 0,6

La probabilité qu'il achète un magnétoscope, sachant qu'il n'achète pas un téléviseur est : 0,2

Notons : T : l'événement : le client achète un téléviseur.

\bar{T} : L'événement : le client n'achète pas un téléviseur.

M : L'événement : le client achète un magnétoscope.

En utilisant un arbre pondéré

1) a) Calculer $p(M \cap T)$

b) Calculer $p(M \cap \bar{T})$

2) En déduire que la probabilité de l'événement M est $P(M)=0,36$

3) Un client achète un magnétoscope, quelle est la probabilité qu'il achète un téléviseur ?

4) Un téléviseur coûte 300(DT) et un magnétoscope coûte 200(DT).

On note X la variable aléatoire égale au montant, en dinars tunisien de la dépense éventuelle d'un client.

a- donner la loi de probabilité de X .

b- Calculer l'espérance $E(X)$

Au revoir à l'université